

# Quantile und Transformationen (I)

- Das 90%-Quantil der Zufallsvariable  $X$  liegt bei 1.3.
- Dann liegt das 90%-Quantil von  $e^X$  bei

1.  $\log(1.3)$

2.  $e^{1.3}$

3. Woanders

4. Keine Ahnung



# Quantile und Transformationen (I)

- Das 90% Quantil von  $X$  liegt bei 1.3:  
 $P(X \leq 1.3) = 0.9$
- Da  $e^x$  eine monoton wachsende function ist, gilt:  
 $P(e^X \leq e^{1.3}) = 0.9$
- Das heisst, dass das 90% Quantil von  $e^X$  bei  $e^{1.3}$  liegt.
- Im Allgemeinen gilt: Quantile transformieren bei monoton wachsende Transformation mit (siehe Skript, Ende von Sektion 2.3.6)

## Quantile und Transformationen (II)

- Das 90%-Quantil der Zufallsvariable  $X$  liegt bei 1.3.
- Dann liegt das 10%-Quantil von  $-e^X$  bei

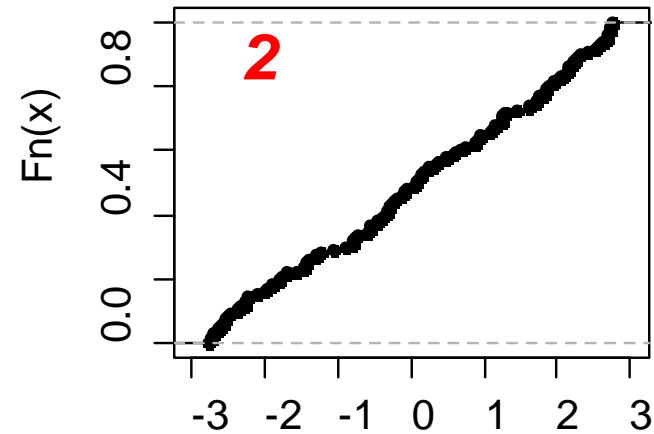
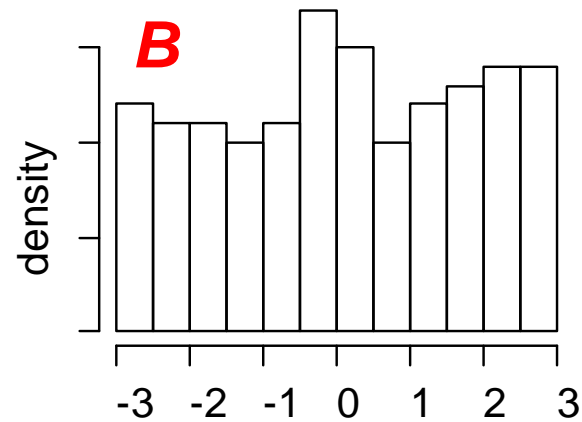
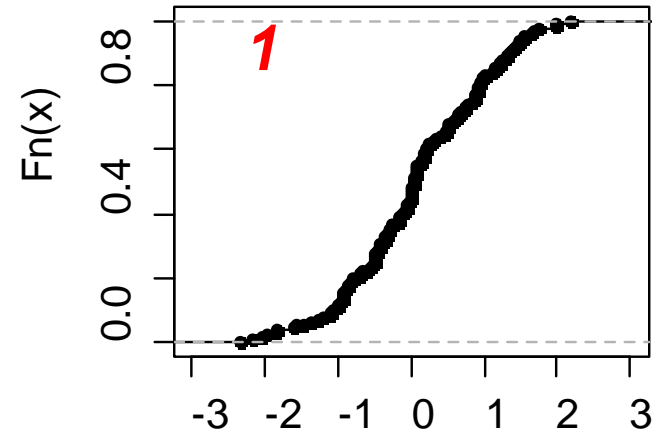
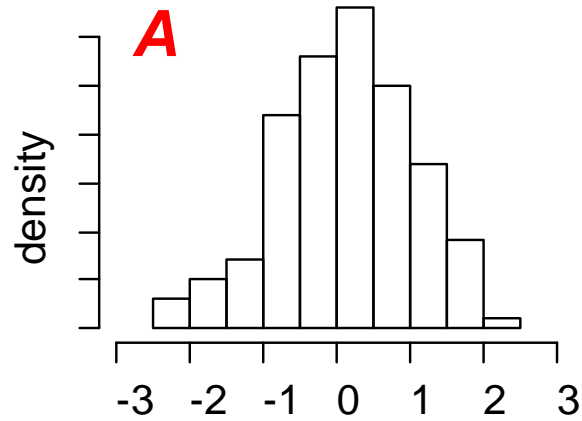
1.  $-e^{1.3}$
2.  $1 - e^{1.3}$
3. Woanders
4. keine Ahnung



## Quantile und Transformationen (II)

- Wir wissen jetzt schon, dass das 90% Quantil von  $e^X$  bei  $e^{1.3}$  liegt:  
 $P(e^X \leq e^{1.3}) = 0.9$
- Daraus folgt  
 $P(-e^X \geq -e^{1.3}) = 0.9$  und deshalb  
 $P(-e^X \leq -e^{1.3}) = 1 - P(-e^X \geq -e^{1.3}) = 0.1$
- Das heisst, dass da 10% Quantil von  $-e^X$  bei  $-e^{1.3}$  liegt

# Zuordnung Histogramm / Verteilungsfunktion



## Zuordnung

1. A1 / B2

2. A2 / B1

3. Keine Ahnung



# Zuordnung Histogramm / Verteilungsfunktion

- Histogramm A hat eine Glockenform, wobei Werte im Zentrum der Verteilung häufiger auftreten. Entsprechend muss die kumulative Verteilungsfunktion im Zentrum der Verteilung schneller ansteigen.
- Histogramm B zeigt eine flache Verteilung (etwa  $\text{Unif}(-3,3)$ ). Entsprechend muss die kumulative Verteilungsfunktion überall etwa gleich schnell ansteigen.
- Es ist also A1 / B2.