

11. Durch zwei verschiedene Punkte geht genau eine Gerade.
  12. Jede Gerade enthält mindestens zwei Punkte.
  13. Es gibt drei Punkte die nicht auf einer Geraden liegen.
- P. (Playfair) Für jeden Punkt  $Q$  und jede Gerade  $g$  existiert höchstens eine Gerade durch  $Q$  welche parallel zu  $g$  ist.
- B0. Gilt  $B(x_1, x_2, x_3)$  so sind  $x_1, x_2, x_3$  drei paarweise verschiedene Punkte die auf einer Geraden liegen. Wir sagen  $x_2$  liege „zwischen“  $x_1$  und  $x_3$ .
  - B1. Liegt  $x_2$  zwischen  $x_1$  und  $x_3$ , so liegt  $x_2$  zwischen  $x_3$  und  $x_1$ .
  - B2. Zu zwei verschiedenen Punkten  $x, x'$  gibt es einen dritten Punkt  $z$ , so dass  $x, x', z$  auf einer Geraden liegen und  $x'$  zwischen  $x$  und  $z$  liegt.
  - B3. Sind  $x_1, x_2, x_3$  drei verschiedene Punkte auf einer Geraden, so liegt genau einer davon zwischen den anderen beiden Punkten.
  - B4. (Pasch) Seien  $P, Q, R$  drei Punkte die nicht auf einer Geraden liegen und sei  $g$  eine Gerade welche keinen dieser drei Punkte enthält. Falls  $g$  einen Punkt  $S$  enthält, der zwischen  $P$  und  $Q$  liegt, dann enthält  $g$  entweder einen Punkt der zwischen  $R$  und  $Q$  liegt oder einen Punkt der zwischen  $R$  und  $P$  liegt.
- C1. (Abtragen von Strecken) Ist  $\overline{AB}$  eine Strecke und  $s$  ein Strahl mit Ursprung  $C$ , so existiert genau ein Punkt  $D$  auf  $s$  so dass  $\overline{AB} \cong \overline{CD}$ .
  - C2. Die Kongruenzrelation für Strecken ist eine Äquivalenzrelation.
  - C3. Gilt  $B(P, Q, R)$  und  $B(U, V, W)$ , und gilt  $\overline{PQ} \cong \overline{UV}$  und  $\overline{QR} \cong \overline{VW}$ , so gilt  $\overline{PR} \cong \overline{UW}$ .
  - C4. (Abtragen von Winkeln) Ist  $\angle BAC$  ein Winkel und  $\overrightarrow{DF}$  ein Strahl, dann existiert auf einer gegebenen Seite von  $DF$  genau ein Strahl  $\overrightarrow{DE}$ , so dass gilt  $\angle BAC \cong \angle EDF$ .
  - C5. Die Kongruenzrelation für Winkel ist eine Äquivalenzrelation.
  - C6. Gegeben seien zwei Dreiecke  $\triangle ABC$  und  $\triangle A'B'C'$ . Gilt  $\overline{AB} = \overline{A'B'}$ ,  $\overline{AC} = \overline{A'C'}$  und  $\sphericalangle BAC = \sphericalangle B'A'C'$ , dann gilt  $\sphericalangle ABC = \sphericalangle A'B'C'$ .
- E. (Schneiden von Kreisen) Gegeben seien zwei Kreise  $k$  und  $k'$ . Hat  $k$  mindestens einen Punkt im Inneren von  $k'$  und hat  $k'$  mindestens einen Punkt im Inneren von  $k$ , dann schneiden sich  $k$  und  $k'$  in genau zwei Punkten.
- P1. Durch zwei verschiedene Punkte geht genau eine Gerade.
  - P2. Zwei verschiedene Geraden schneiden sich in genau einem Punkt.
  - P3. Es gibt vier Punkte, von denen keine drei Punkte auf einer Geraden liegen.